

M—B

2018 年度入学試験問題

数 学

(90 分)

注意事項

1. 試験開始の合図があるまで、この問題冊子は開かないでください。
2. この問題冊子は 4 ページあります。試験中、ページの脱落等に気づいた場合は、手を挙げて監督者に知らせてください。
解答用紙(マークシート)の汚れなどに気づいた場合も、同様に知らせてください。
3. 解答用紙(マークシート)は折り曲げたり、汚したりしないでください。
4. 解答は、すべて解答用紙(マークシート)に記入し、解答用紙(マークシート)の枠外には、なにも書かないでください。
5. 試験問題は問題記号ア～ラで 39 問あります。
解答用紙(マークシート)には、問題記号がア～ンまで印刷されています。解答にあたっては、問題記号ア～ラの範囲内で該当する解答欄に解答してください。
6. 解答上の注意は、裏表紙に記載してあるので、この問題冊子を裏返して必ず読んでください。ただし、問題冊子を開いてはいけません。
7. マークは必ず HB の黒鉛筆を使用し、訂正する場合は、完全に消してからマークしてください。
8. 監督者の指示に従って、解答用紙(マークシート)に解答する科目・受験番号をマークするとともに、受験番号、氏名を記入してください。
9. 解答する科目、受験番号、解答が正しくマークされていない場合は、採点できないことがあります。
10. 筆記用具以外は、使用しないでください。
11. 試験終了後、問題冊子は持ち帰ってください。

(I)

(1) $90^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ で, $\sin \theta + \cos \theta = \frac{\sqrt{14}}{3}$ のとき,

$$\sin \theta - \cos \theta = \frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イ}}} \text{ である.}$$

(2) 1 から 100 までの整数のうち, 5 または 7 で割り切れる数は全部で

個ある.

(3) 4 個の白玉と 2 個の赤玉が入っている袋から, 6 人が順番に 1 個ずつ玉を取り出す. ただし, 取り出した玉はもとに戻さないものとする. 4 番目の人気が赤

玉を取り出す確率は であり, 4 番目までの全員が白玉を取り出す

確率は である.

(4) 方程式 $3^{x+1} + 9 \cdot 3^{-x} - 12 = 0$ の解は小さい順に $x = \boxed{\text{ク}}, \boxed{\text{ケ}}$ である.

[II]

(1) $\sqrt{n^2 + 112}$ が自然数となる最小の自然数 n は コ であり、最大の自然数 n は サ である。

(2) 2直線 $y = -\frac{3}{4}x + 5$, $y = \frac{1}{2}x - 7$ のなす角を θ とすると、

$\tan \theta =$ シ である。ただし、 $0^\circ < \theta < 90^\circ$ とする。また、この2直線と y 軸で作られる三角形の外接円の面積は ス π である。

(3)

(a) $\int_{-2}^{-1} |x(x+4)| dx =$ セ
ソ

(b) $\int_{\boxed{\text{タ}}}^2 |x(x+4)| dx = 16$

[III]

- (1) 関数 $f(x) = x^3 + \boxed{\quad}x^2 + \boxed{\quad}x - 7$ は
 $x = -1$ で極大値 $\boxed{\quad}$ をとり, $x = 3$ で極小値 $\boxed{\quad}$ をとる.

- (2) 次の条件によって定められる数列 $\{a_n\}$ がある.

$$a_1 = 3, \log_2 a_{n+1} = 2 + \log_2 a_n \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

(a) $a_2 = \boxed{\quad}$

(b) $a_n > 2^{10}$ を満たす最小の自然数 n は $\boxed{\quad}$ である.

(c) 数列 $\{a_n\}$ の初項から第 n 項までの和を S_n と表すと, $S_{30} = 2^{\boxed{\quad}} - 1$ で
ある.

[IV]

(1) 2つの曲線 $y = x^2 + 2$, $y = x^2 - 2x + 7$ をそれぞれ C_1 , C_2 とする.

(a) C_1 と C_2 の交点の x 座標は $\frac{\text{ホ}}{\text{ノ}}$ である.

(b) 直線 $y = \boxed{\text{ハ}} x + \boxed{\text{ヒ}}$ は, C_1 および C_2 に接する.

(c) (b)で求めた直線と C_1 および C_2 で囲まれた図形の面積は $\frac{\text{フ}}{\text{ヘ}}$ である.

(2) 座標空間に, 4点 $A(1, 2, 1)$, $B(2, 1, 1)$, $C(1, 3, 0)$, $D(1, 8, 6)$ を頂点とする四面体 ABCD がある.

(a) $\triangle ABC$ の面積は $\sqrt{\frac{\text{ホ}}{\text{マ}}}$ である.

(b) 3点 A, B, C の定める平面を α とし, 点 D から平面 α に垂線 DH を下ろす. 点 H の座標は $\left(\frac{\text{ミ}}{\text{ム}}, \frac{\text{メ}}{\text{モ}}, \frac{\text{ヤ}}{\text{ユ}} \right)$ である.

(c) 四面体 ABCD の体積は $\frac{\text{ヨ}}{\text{ラ}}$ である.

解答上の注意

問題の文中の ア などには数値が入ります。それらを解答用紙のア, イ, ウ, …で示された解答欄にマークして答えなさい。

1. 解答欄の各桁の該当する数字の欄にマークしてください。

2. 解答が負数の場合のみ符号欄にマークしてください。

3. 分数形 $\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$ の部分では、既約分数(それ以上約分できない分数)で表し、分母は必ず正とします。また、この形で整数を表すときには、分母を1とします。

4. 根号の中は、正の整数であって、2以上の整数の平方で割り切れないものとします。

解答記入例： エ に -5 と解答する場合

符号	10 の 桁	1 の 桁
エ	● ① ② ③ ④ ⑤ ⑥ ⑦ ⑧ ⑨	① ② ③ ④ ● ⑥ ⑦ ⑧ ⑨ ⑩

カ に 57 と解答する場合

符号	10 の 桁	1 の 桁
カ	⊖ ① ② ③ ④ ● ⑥ ⑦ ⑧ ⑨	① ② ③ ④ ⑤ ⑥ ● ⑧ ⑨ ⑩

解答表示例

$\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$ に $-\frac{3}{2}$ を当てはめる場合には $\frac{-3}{2}$, 0 の場合には
 $\frac{0}{1}$ とします。

$\frac{\boxed{}}{\boxed{}} \sqrt{\boxed{}}$ に $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ を当てはめる場合には

$\frac{-1}{2} \sqrt{\boxed{3}}$ とします。

$\boxed{}x^3 + \boxed{}x^2 + \boxed{}x + \boxed{}$ に $-x^3 - x + 1$ を当てはめる場合には $\boxed{-1}x^3 + \boxed{0}x^2 + \boxed{-1}x + \boxed{1}$ とします。